



Nombre: \_\_\_\_\_

Curso: \_\_\_\_\_

Colegio: \_\_\_\_\_

### Notación científica

---

Expresar un número en notación científica consiste en expresarlo en la forma:

$$a \cdot 10^n \text{ donde } |a| < 10 \text{ y } n \in \mathbb{Z}.$$

Multiplicación por potencia de 10 con exponente positivo: se mueve la coma hacia la derecha tantos lugares como indique el exponente.

Ejemplo:  $0,23 \cdot 10^5 = 23.000$

Multiplicación por potencia de 10 con exponente negativo: se mueve la coma hacia la izquierda tantos lugares como indique el exponente.

Ejemplo:  $312,45 \cdot 10^{-3} = 0,31245$

## POTENCIAS

### Definición de potencia con base real y exponente entero

---

Definición:  $a^n = a \cdot a \cdot a \cdot \dots \cdot a$  (n veces) ( $n \in \mathbb{N}$ )

$$a^0 = 1 \text{ (} a \neq 0 \text{)} \quad ; \quad a^{-n} = \frac{1}{a^n} \text{ (} a \neq 0 \text{)}$$

Propiedad:  $(-1)^{2n} = 1$  ( $n \in \mathbb{Z}$ ) ;  $(-1)^{2n-1} = -1$  ( $n \in \mathbb{Z}$ )

### Propiedades de las potencias

---

(1)  $a^n \cdot a^m = a^{n+m}$

(2)  $a^n : a^m = a^{n-m}$

(3)  $(a^n)^m = a^{nm}$

(4)  $a^n \cdot b^n = (ab)^n$

(5)  $\frac{a^n}{b^n} = \left(\frac{a}{b}\right)^n$  ( $b \neq 0$ )

## Suma y resta de potencias de igual base

Para sumar o restar potencias de igual base se debe factorizar por la potencia de menor exponente:

Ejemplos:

$$(1) \quad 2^{13} + 2^{10} = 2^{10}(2^3 + 1) = 2^{10} \cdot 9 = 2^{10} \cdot 3^2$$

$$(2) \quad 2^{11} + 2^{12} - 4^4 = 2^{11} + 2^{12} - 2^8 = 2^8(2^3 + 2^4 - 1) = 2^8 \cdot 23$$

$$(3) \quad \frac{3^{15} + 3^{12}}{3^{11} - 3^9} = \frac{3^{12}(3^3 + 1)}{3^9(3^2 - 1)} = \frac{3^{12} \cdot 28}{3^9 \cdot 8} = \frac{3^3 \cdot 7}{2} = \frac{189}{2}$$

(4) La suma:  $2^{10} + 2^7$  es divisible por

$$\text{Factorizamos: } 2^7(2^3 + 1) = 2^7 \cdot 9 = 2^7 \cdot 3^2$$

Esta expresión es divisible por 2, 3, 6, 9, 18,  $2^3 \cdot 3$ ,  $2^5 \cdot 3^2$ , etc.

## Ecuaciones exponenciales

Una ecuación exponencial es aquella donde la incógnita aparece en algún exponente.

Las que aparecen en esta sección se resuelven igualando las bases y después ocupamos la propiedad:  $a^x = a^y \Rightarrow x = y$  (si  $a \neq 1$  y  $a \neq 0$ )

Ejemplos:

$$(1) \quad 2^{x-2} = 4^{2-3x}$$

$$2^{x-2} = (2^2)^{2-3x} \Leftrightarrow 2^{x-2} = 2^{4-6x} \Leftrightarrow x-2 = 4-6x \Leftrightarrow x = \frac{6}{7}$$

$$(2) \quad 2^{x+2} - 2^x = 12$$

$$2^x(2^2 - 1) = 12 \Leftrightarrow 2^x \cdot 3 = 12 \Leftrightarrow 2^x = 4 \Leftrightarrow 2^x = 2^2 \Rightarrow x = 2$$

## RAÍCES

### Definición de raíz y potencias de base real y exponente fraccionario

---

La raíz enésima de "a" es un número real "b" tal que  $a^n = b$ :  $\sqrt[n]{a} = b \Rightarrow b^n = a$

En el caso que n es par, a debe ser positivo y b se considerará el valor positivo, por ejemplo:

$$\sqrt[4]{16} = 2$$

En el caso que n es impar y a es negativo, b será negativo, por ejemplo:  $\sqrt[3]{-27} = -3$

Toda raíz se puede convertir a una potencia de exponente fraccionario:  $\sqrt[n]{a^m} = a^{\frac{m}{n}}$

### Adición y sustracción de raíces

---

Para sumar (o restar) raíces previamente se deben descomponer y después sumar (o restar) los coeficientes de las raíces semejantes.

Ejemplo: Calcular  $\sqrt{128} - \sqrt{72} + \sqrt{200}$

$$\sqrt{128} - \sqrt{72} + \sqrt{200} = \sqrt{64 \cdot 2} - \sqrt{36 \cdot 2} + \sqrt{100 \cdot 2} = 8\sqrt{2} - 6\sqrt{2} + 10\sqrt{2} = 12\sqrt{2}$$

### Multiplicación y división de raíces de igual índice

---

Para multiplicar (o dividir) raíces de igual índice se conserva el índice y se multiplican (o dividen) las cantidades subradicales.

$$\sqrt[n]{a} \cdot \sqrt[n]{b} = \sqrt[n]{ab} \quad (a, b \geq 0 \text{ si } n \text{ es par})$$

$$\sqrt[n]{a} : \sqrt[n]{b} = \sqrt[n]{a:b} \quad (a, b \geq 0 \text{ si } n \text{ es par y } b \neq 0)$$

### Propiedades de las raíces

---

Para introducir un factor dentro de una raíz se debe elevar este factor al índice de la raíz.

$$a \cdot \sqrt[n]{b} = \sqrt[n]{a^n \cdot b} \quad (\text{si } n \text{ es par, } a \geq 0)$$

$$-a \cdot \sqrt[n]{b} = -\sqrt[n]{a^n \cdot b} \quad (\text{si } n \text{ es par, } a \geq 0)$$

Al calcular raíz de una raíz se multiplican los índices:  $\sqrt[n]{\sqrt[m]{a}} = \sqrt[nm]{a}$

Amplificación y simplificación de raíces:  $\sqrt[n]{a^q} = \sqrt[nq]{a^{mq}}$ ;  $\sqrt[np]{a^{qp}} = \sqrt[n]{a^q}$

$$\text{Ejemplo: } \sqrt[3]{2\sqrt{2}} = \sqrt[3]{\sqrt{2^2} \cdot 2} = \sqrt[6]{2^6} = \sqrt{2}$$

## Racionalización

La racionalización consiste en eliminar la o las raíces que aparecen en el denominador, Si en el denominador hay una sola raíz cuadrada y no hay adiciones y sustracciones amplificamos por la misma raíz:

$$\frac{a}{\sqrt{b}} = \frac{a \cdot \sqrt{b}}{\sqrt{b} \cdot \sqrt{b}} = \frac{a\sqrt{b}}{b}$$

Si en el denominador hay una suma amplificamos por la diferencia (o viceversa) para formar una suma por su diferencia:

$$\frac{a}{b + \sqrt{c}} = \frac{a \cdot (b - \sqrt{c})}{(b + \sqrt{c}) \cdot (b - \sqrt{c})} = \frac{a \cdot (b - \sqrt{c})}{b^2 - c};$$

$$\frac{a}{\sqrt{b} + \sqrt{c}} = \frac{a \cdot (b - \sqrt{c})}{(\sqrt{b} + \sqrt{c}) \cdot (b - \sqrt{c})} = \frac{a \cdot (b - \sqrt{c})}{b - c}$$

Si en el denominador aparece una raíz con índice superior a dos, amplificamos para que el exponente y el índice se puedan simplificar:

$$\frac{a}{\sqrt[4]{b}} = \frac{a \cdot \sqrt[4]{b^3}}{\sqrt[4]{b} \cdot \sqrt[4]{b^3}} = \frac{a \cdot \sqrt[4]{b^3}}{\sqrt[4]{b^4}} = \frac{a \cdot \sqrt[4]{b^3}}{b}$$

## Raíz principal o aritmética

La raíz cuadrada de un número no negativo es un número no negativo:

$\sqrt{a} = b$ , con  $b \geq 0$  si  $a \geq 0$ , a este valor de  $b$  se llama la raíz principal o aritmética.

En el caso que el índice sea superior a dos:  $\sqrt[n]{a} = b$ , con  $b \geq 0$  si  $a \geq 0$  y  $n$  es par.

Lo anterior acarrea la siguiente propiedad:  $\sqrt{x^2} = x$  (si  $x \geq 0$ ); en general:  $\sqrt{x^2} = |x|$

## LOGARITMOS

### Definición y consecuencias

Definición:  $\log_a b = n \Leftrightarrow a^n = b$  ( $a, b > 0$  y  $a \neq 1$ )

Consecuencias: (1)  $\log_a a = 1$  (2)  $\log_a 1 = 0$  (3)  $\log_a a^n = n$

Logaritmo vulgar o de Briggs: La base es 10 y usualmente no se escribe:  $\log a = \log_{10} a$

### Propiedades de los logaritmos

$$(1) \log_a (cd) = \log_a c + \log_a d \quad (2) \log_a \left( \frac{c}{d} \right) = \log_a c - \log_a d$$

$$(3) \log_a x^n = n \cdot \log_a x \quad (4) \log_a (b) = \frac{\log_c b}{\log_c a}$$

$$(5) \log_a c = \log_a d \Leftrightarrow c = d$$

## POTENCIAS Y RAÍCES

1.  $(-2)^1 + (-2)^2 + (-2)^3 + (-2)^4 + (-2)^0 =$
- a)  $(-2)^{10}$   
b) 17  
c) 11  
d) 7  
e) Ninguna de las anteriores
2.  $\sqrt{50} - \sqrt{18} - \sqrt{8} =$
- a) 0  
b)  $\sqrt{24}$   
c)  $6\sqrt{2}$   
d)  $\sqrt{40}$   
e)  $\sqrt{60}$
3. ¿Cuál es la cifra de las unidades del número  $3^{60}$ ?
- a) 0  
b) 1  
c) 3  
d) 7  
e) 9
4. Si  $x > 0$ , entonces  $2\sqrt{18x^2} - \sqrt{32x^2} - 3x\sqrt{2} =$
- a)  $x\sqrt{2}$   
b)  $-x\sqrt{2}$   
c)  $2x\sqrt{2}$   
d)  $-2x\sqrt{2}$   
e)  $3x\sqrt{2}$

5. Si  $a \neq 0$ , entonces  $\frac{a^{-m+n} \cdot a^{m+n}}{(a^n)^2} =$

- a)  $a^n$
- b)  $a^{-n}$
- c)  $a$
- d)  $1$
- e)  $a^2$

6.  $\frac{\sqrt{5^5 + 5^5 + 5^5 + 5^5 + 5^5}}{\sqrt[3]{5^5 + 5^5 + 5^5 + 5^5 + 5^5}} =$

- a)  $5^{\frac{3}{2}}$
- b)  $5$
- c)  $5^{\frac{5}{6}}$
- d)  $5^{\frac{2}{3}}$
- e)  $1$

7.  $\frac{4^x}{2^{2x}} =$

- a)  $\frac{4}{x}$
- b)  $1$
- c)  $4x$
- d)  $\frac{1}{2}$
- e)  $0$

8.  $(\sqrt{48} + \sqrt{192} - \sqrt{27}) \div \sqrt{3} =$

- a)  $107$
- b)  $15\sqrt{3}$
- c)  $9\sqrt{3}$
- d)  $15$
- e)  $9$

9.  $\frac{2^{2x-1} \cdot 2^{2x+1}}{4^{2x}} =$

- a)  $4^{2x}$
- b)  $1$
- c)  $4x$
- d)  $\frac{1}{2}$
- e)  $0$

10.  $\frac{\sqrt{8} \cdot \sqrt{6}}{\sqrt{3}} =$

- a)  $2$
- b)  $4$
- c)  $6$
- d)  $8$
- e)  $16$

11. Si  $m$  es un número entero, ¿cuál(es) de las siguientes igualdades es (son) **siempre** verdadera(s)?

I.  $3^m \cdot 2^m = 6^m$

II.  $m^3 \cdot m^2 = (m^2)^5$

III.  $3^m + 5^m = 8^m$

- a) Sólo I
- b) Sólo II
- c) Sólo III
- d) Sólo II y III
- e) I, II y III

12. ¿Cuál(es) de los siguientes términos es (son) equivalentes a  $\sqrt{96}$ ?

I.  $4\sqrt{2} \cdot \sqrt{3}$

II.  $\frac{\sqrt{192}}{\sqrt{2}}$

III.  $\sqrt{16} \cdot \sqrt{\sqrt{36}}$

- a) Solo I
- b) Solo II
- c) Solo I y II
- d) Solo II y III
- e) I, II y III

13. La fracción algebraica  $\frac{9a^2b^5c^{-2}}{3^{-1}a^3b^{-5}c^{-1}}$  es equivalente a

a)  $3a^{-1}c^{-3}$

b)  $3a^{-1}b^{10}c^{-3}$

c)  $27a^{-1}b^{10}c^{-1}$

d)  $3a^5c^{-3}$

e)  $27a^5c^{-3}$

14.  $(\sqrt{3} + \sqrt{2})^3 \cdot (\sqrt{2} - \sqrt{3})^4 =$

a)  $3\sqrt{2} - 2\sqrt{3}$

b)  $\sqrt{2} + \sqrt{3}$

c)  $\sqrt{30}$

d)  $\sqrt{2} - \sqrt{3}$

e)  $\sqrt{3} - \sqrt{2}$



15. Sea  $n$  un número entero positivo, la expresión  $(-1)^{n+1} \cdot \frac{n+1}{2}$  es un número entero positivo, si  $n$  es

- I. Impar.
- II. Múltiplo de 2.
- III. Múltiplo de 3

Es (son) siempre verdadera(s)

- a) Solo I
- b) Solo II
- c) Solo I y III
- d) I, II y III
- e) Ninguna de las anteriores

16.  $7 \cdot \sqrt{\frac{3}{7}} =$

- a)  $\sqrt{\frac{10}{7}}$
- b)  $\sqrt{3}$
- c)  $\sqrt{6}$
- d) 3
- e)  $\sqrt{21}$

17.  $3^{11} + 3^{11} + 3^{11} =$

- a)  $3^{33}$
- b)  $3 \cdot 3^{33}$
- c)  $3 \cdot 3^{10}$
- d)  $9^{11}$
- e)  $3^{12}$

18.  $\sqrt{a \cdot \sqrt[3]{a}} =$  ( $a > 0$ )

- a)  $\sqrt[3]{a}$
- b)  $\sqrt[3]{a^2}$
- c)  $\sqrt[6]{a}$
- d)  $\sqrt{a}$
- e)  $\sqrt[5]{a^3}$

19. La resta  $2^{12} - 1$  es divisible por

- a) 7
- b) 9
- c) 5
- d) 13
- e) Todas las anteriores

20.  $\frac{1}{\sqrt{2}-1} - \frac{1}{\sqrt{2}} =$

a)  $1 + \sqrt{2}$

b)  $1/2$

c)  $1/3$

d)  $\frac{2 + \sqrt{2}}{2}$

e)  $-\frac{2 + \sqrt{2}}{2}$

21.  $(-2^{n-1} + 2^n)^2 =$

a)  $2^{2n-2} + 2^{2n}$

b)  $2^{2n} - 2^{2n+1} + 2^{2n}$

c)  $2^n - 2^{2n-1} + 2^{2n}$

d)  $2^{2n-2}$

e)  $2^{-2}$

22. Al resolver  $\frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x}-\sqrt{y}} - \frac{\sqrt{y}}{\sqrt{x}+\sqrt{y}}$  se obtiene:

a)  $\frac{x-y}{x+y}$

b)  $\frac{x+y}{x-y}$

c)  $\frac{\sqrt{x}+\sqrt{y}}{\sqrt{x}-\sqrt{y}}$

d)  $\frac{\sqrt{xy}}{x-y}$

e)  $\frac{xy}{x+y}$

23.  $\frac{2^{3n+1} - 2^{3n-2}}{8^{n-1} - 8^n} =$

a) -6

b) -2

c) 2

d)  $\frac{1}{4}$

e)  $-\frac{3}{8}$



24. Si  $m > n$ , ¿cuál(es) de las siguientes expresiones es(son) equivalentes a

$$\frac{\sqrt{4n^2 - 12mn + 9m^2}}{\sqrt{9m^2 - 4n^2}} ?$$

I. 
$$\frac{2n - 3m}{\sqrt{(3m + 2n)(3m - 2n)}}$$

II. 
$$\frac{\sqrt{9m^2 - 4n^2}}{3m + 2n}$$

III. 
$$\frac{\sqrt{3m - 2n}}{\sqrt{3m + 2n}}$$

- a) Solo I
- b) Solo II
- c) Solo I y II
- d) Solo II y III
- e) I, II y III

25. Si  $\frac{2^{x+1} + 2^x}{3^x - 3^{x-2}} = \frac{4}{9}$ , entonces el valor de  $2x + 1$  es

- a) 5
- b) 15
- c) 14
- d) 13
- e) 11

### EJERCICIOS DE SELECCIÓN DE INFORMACIÓN

26. Se puede determinar exactamente "a" sabiendo que

(1)  $a^4 = 1$

(2)  $a^3 + 1 = 0$

- a) (1) por sí sola
- b) (2) por sí sola
- c) Ambas juntas (1) y (2)
- d) Cada una por sí sola, (1) o (2)
- e) Se requiere información adicional

27. Se puede determinar exactamente el valor de x, sabiendo que

(1)  $x - \sqrt{x} = 0$

(2)  $\sqrt{x+3} = 2$

- a) (1) por sí sola
- b) (2) por sí sola
- c) Ambas juntas, (1) y (2)
- d) Cada una por sí sola, (1) ó (2)
- e) Se requiere información adicional

28. Se puede determinar el valor de la potencia  $a^x$  ( $a > 0$ ) si se sabe

(1)  $a^{-2x} = 9$

(2)  $\frac{1 + a^x}{a^x} = 4$

- a) (1) por sí sola
- b) (2) por sí sola
- c) Ambas juntas, (1) y (2)
- d) Cada una por sí sola, (1) ó (2)
- e) Se requiere información adicional

29.  $x^2 < \sqrt{x}$ , sabiendo que

(1)  $x < 1$

(2)  $x > 0$

- a) (1) por sí sola
- b) (2) por sí sola
- c) Ambas juntas, (1) y (2)
- d) Cada una por sí sola, (1) o (2)
- e) Se requiere información adicional



30. Se puede determinar que  $a^x > a^y$  ( $a > 0$ ) si se sabe

(1)  $a < 1$

(2)  $x - y < 0$

a) (1) por sí sola

b) (2) por sí sola

c) Ambas juntas, (1) y (2)

d) Cada una por sí sola, (1) ó (2)

e) Se requiere información.

## LOGARITMOS

1. Si  $\log_2 8 = x$ , entonces  $x =$ 
  - a) -3
  - b)  $2\sqrt{2}$
  - c) 3
  - d) 4
  - e) 5
2.  $\log_9 27 =$ 
  - a) 2
  - b) 3
  - c)  $\frac{2}{3}$
  - d)  $\frac{3}{2}$
  - e)  $\frac{4}{3}$
3.  $\log_2 (0,25) + \log_3 9 =$ 
  - a) -1
  - b) 0
  - c) 1
  - d) 3
  - e) 4
4. Si  $\log_3 x = -2$ , entonces  $x =$ 
  - a) -9
  - b) -6
  - c)  $0,\bar{1}$
  - d)  $0,\bar{3}$
  - e) 9
5. Si  $\log (x + 1) = 2$ , entonces  $x =$ 
  - a) 19
  - b) 21
  - c) 99
  - d) 101
  - e) 1.023
6.  $\log_{25} (0,2) =$ 
  - a) -2
  - b)  $-\frac{1}{2}$
  - c)  $-\frac{1}{3}$
  - d)  $\frac{1}{2}$
  - e) 2



7. Si  $\log(x + 2) = 1$ , entonces  $\log_2 x =$

- a) 2
- b) 3
- c) 4
- d) 0,25
- e) 0,125

8. Si  $\log_{\sqrt{2}} x = 4$ , entonces  $\log_2 x =$

- a)  $\frac{1}{2}$
- b) 2
- c) 4
- d) 8
- e) 16

9. Si  $3^x = 2$ , entonces  $x =$

- a)  $\log_3 2$
- b)  $\log_2 3$
- c)  $2 \log 3$
- d)  $3 \log 2$
- e)  $\log 3 - \log 2$

10. Si  $a - b = 5$  y  $a + b = 2$ , entonces

$$\log(a^2 - b^2) =$$

- a) 1
- b) 7
- c) 10
- d) 21
- e)  $\log 7$

11.  $\log_2 (\log_9 (\log_5 125)) =$

- a) 2
- b) -2
- c) 1
- d) -1
- e) 0

12. ¿Cuál(es) de las siguientes afirmaciones es (son) verdadera(s)?

I.  $\log_2 \left( \frac{1}{4} \right) = -2$

II. Si  $\log_x 25 = 2$ , entonces  $x = 5$

III. Si  $\log_4 x = 8$ , entonces  $x = 32$

- a) Solo I
- b) Solo II
- c) Solo I y II
- d) Solo III
- e) Solo I y III

13.  $\log_a \frac{a^3 + 2a^2 + a}{(a+1)^2} =$

- a) 1
- b)  $a^2$
- c) a
- d)  $a+1$
- e)  $a^2 + a$

14. El valor numérico de la expresión:

$(\log 0,001 + \log_{0,3} 0,0081)$  es:

- a) 1
- b)  $\frac{1}{2}$
- c) 0
- d)  $-\frac{1}{2}$
- e) -1

15. Si  $x > 1$ ,  $\log(x+1) + \log(x-1) =$

- a)  $2 \log x$
- b)  $2 \log(x-1)$
- c)  $2 \log x - 1$
- d)  $\log(x^2 - 1)$
- e)  $\log x + \log 2$

16. ¿Cuál(es) de las siguientes expresiones es (son) equivalente(s) a la expresión:

$\log\left(\frac{ba^2}{c^2}\right)?$

I.  $2 \log a + \log b - 2 \log c$

II.  $\log b + 2 \log\left(\frac{a}{c}\right)$

III.  $2 \log(ab) - 2 \log c$

- a) Solo I
- b) Solo II
- c) Solo I y II
- d) Solo I y III
- e) I, II y III

17.  $\log x^2 + \log(2xy) + \log y^2 =$

a)  $3(\log x + \log y) + \log 100$

b)  $\log\left(\frac{xy}{3}\right)$

c)  $2\log(x+y)$

d)  $\log\left(\frac{xy}{100}\right)$

e)  $3\log(xy) + \log 2$





18. En la ecuación  $1 - 2 \log P = 2$ , el valor de P es:

a)  $\frac{1}{100}$

b)  $-2$

c)  $-\sqrt{10}$

d)  $10^{\frac{-1}{2}}$

e)  $\sqrt{10}$

19. Una solución de la ecuación  $\log(x-3)^2 = 3$  es:

a)  $\frac{1}{3}\sqrt{10}$

b)  $3 + \sqrt{3}$

c)  $3 + 10^{\sqrt{3}}$

d)  $3 + \sqrt{1000}$

e)  $\log 4,5$

20. Si  $\log 2 = u$  y  $\log 3 = v$ , entonces  $\log 18$  en términos de u y v es

a)  $2u + v$

b)  $2v + u$

c)  $uv^2$

d)  $3v + u$

e)  $2uv$

21. Si  $x > y > 0$ , ¿Cuál(es) de las siguientes expresiones es (son) equivalente(s) a  $\log(x^2 - y^2)$ ?

I.  $2 \log x - 2 \log y$

II.  $\log(x + y) + \log(x - y)$

III.  $\frac{\log x^2}{\log y^2}$

a) Solo I

b) Solo II

c) Solo I y III

d) Solo II y III

e) I, II y III

22. ¿Cuál(es) de las siguientes expresiones es (son) equivalente(s) a  $\log_2 3$ ?

I.  $\frac{\log 3}{\log 2}$

II.  $\log 3 - \log 2$

III.  $\frac{1}{\log_3 2}$

a) Solo I

b) Solo II

c) Solo I y II

d) Solo I y III

e) Solo II y III

23.  $\frac{\log(x-7)}{\log(x-1)} = 0,5$ , entonces  $x =$

- a) 2
- b) 4
- c) 8
- d) 10
- e) 5 ó 10

24. Si  $s = \frac{1}{\log p - \log q}$ , entonces  $\frac{p}{q} =$

- a)  $\sqrt{10}$
- b)  $\sqrt{s}$
- c)  $\sqrt[3]{10}$
- d)  $10^s$
- e)  $s$

25. Si  $p > 1$ , ¿cuál(es) de las siguientes afirmaciones es (son) verdadera(s)?

- I.  $\log_5 p > \log_4 (p+1)$
- II.  $\log_4 p > \log_5 \sqrt{p}$
- III.  $\log_4 (p+1) > \log_8 \sqrt[3]{p+1}$

- a) Solo I
- b) Solo II
- c) Solo II y III
- d) Solo I y III
- e) I, II y III

### EJERCICIOS DE SELECCIÓN DE INFORMACIÓN

26. Se puede determinar el valor de

$\frac{\log c}{\log b}$  si:

- (1)  $\log c - \log b = 1$
  - (2)  $c = b^2$
- a) (1) por sí sola.
  - b) (2) por sí sola.
  - c) Ambas juntas, (1) y (2).
  - d) Cada una por sí sola, (1) ó (2).
  - e) Se requiere información adicional.

27. Se puede determinar el valor de  $a$  sabiendo:

- (1)  $\log(ab) = 3$
- (2)  $\log\left(\frac{a}{b}\right) = 5$

- a) (1) por sí sola
- b) (2) por sí sola
- c) Ambas juntas, (1) y (2)
- d) Cada una por sí sola, (1) ó (2)
- e) Se requiere información adicional

28.  $x$  e  $y$  son números reales positivos, se puede determinar si son iguales sabiendo que

(1)  $\log(x^2y) + \log(xy^2) = 2\log(x^2y)$

(2)

$\log\left(\frac{x+y}{x-y}\right) + \log\left(\frac{x^2-y^2}{x+y}\right) = \log 2 + \log x$

- a) (1) por sí sola
- b) (2) por sí sola
- c) Ambas juntas, (1) y (2)
- d) Cada una por sí sola, (1) ó (2)
- e) Se requiere información adicional

29. Si  $x > 0$ , se puede determinar exactamente su valor, sabiendo:

(1)  $\log_x 16 = 4$

(2)  $\log_x (x+2) = 2$

- a) (1) por sí sola
- b) (2) por sí sola
- c) Ambas juntas, (1) y (2)
- d) Cada una por sí sola, (1) ó (2)
- e) Se requiere información adicional

30.  $a$  y  $b$  son números reales positivos, se puede determinar que  $a$  es el recíproco de  $b$  si

(1)  $\log a^2 + 3\log b = \log a + 2\log b$

(2)  $\log_a b = \log_b a$

- a) (1) por sí sola
- b) (2) por sí sola
- c) Ambas juntas, (1) y (2)
- d) Cada una por sí sola, (1) ó (2)
- e) Se requiere información adicional