



Nombre: _____
 Curso: _____
 Colegio: _____

Notación científica

Expresar un número en notación científica consiste en expresarlo en la forma:

$$a \cdot 10^n \text{ donde } |a| < 10 \text{ y } n \in \mathbb{Z}.$$

Multiplicación por potencia de 10 con exponente positivo: se mueve la coma hacia la derecha tantos lugares como indique el exponente.

$$\text{Ejemplo: } 0,23 \cdot 10^5 = 23.000$$

Multiplicación por potencia de 10 con exponente negativo: se mueve la coma hacia la izquierda tantos lugares como indique el exponente.

$$\text{Ejemplo: } 312,45 \cdot 10^{-3} = 0,31245$$

POTENCIAS

Definición de potencia con base real y exponente entero

Definición: $a^n = a \cdot a \cdot a \cdot \dots \cdot a$ (n veces) ($n \in \mathbb{N}$)

$$a^0 = 1 \text{ (} a \neq 0 \text{)} \quad ; \quad a^{-n} = \frac{1}{a^n} \text{ (} a \neq 0 \text{)}$$

Propiedad: $(-1)^{2n} = 1$ ($n \in \mathbb{Z}$) ; $(-1)^{2n-1} = -1$ ($n \in \mathbb{Z}$)

Propiedades de las potencias

$$(1) \quad a^n \cdot a^m = a^{n+m}$$

$$(2) \quad a^n : a^m = a^{n-m}$$

$$(3) \quad (a^n)^m = a^{nm}$$

$$(4) \quad a^n \cdot b^n = (ab)^n$$

$$(5) \quad \frac{a^n}{b^n} = \left(\frac{a}{b}\right)^n \text{ (} b \neq 0 \text{)}$$

Suma y resta de potencias de igual base

Para sumar o restar potencias de igual base se debe factorizar por la potencia de menor exponente:

Ejemplos:

$$(1) \quad 2^{13} + 2^{10} = 2^{10}(2^3 + 1) = 2^{10} \cdot 9 = 2^{10} \cdot 3^2$$

$$(2) \quad 2^{11} + 2^{12} - 4^4 = 2^{11} + 2^{12} - 2^8 = 2^8(2^3 + 2^4 - 1) = 2^8 \cdot 23$$

$$(3) \quad \frac{3^{15} + 3^{12}}{3^{11} - 3^9} = \frac{3^{12}(3^3 + 1)}{3^9(3^2 - 1)} = \frac{3^{12} \cdot 28}{3^9 \cdot 8} = \frac{3^3 \cdot 7}{2} = \frac{189}{2}$$

(4) La suma: $2^{10} + 2^7$ es divisible por

$$\text{Factorizamos: } 2^7(2^3 + 1) = 2^7 \cdot 9 = 2^7 \cdot 3^2$$

Esta expresión es divisible por 2, 3, 6, 9, 18, $2^3 \cdot 3$, $2^5 \cdot 3^2$, etc.

Ecuaciones exponenciales

Una ecuación exponencial es aquella donde la incógnita aparece en algún exponente.

Las que aparecen en esta sección se resuelven igualando las bases y después ocupamos la propiedad: $a^x = a^y \Rightarrow x = y$ (si $a \neq 1$ y $a \neq 0$)

Ejemplos:

$$(1) \quad 2^{x-2} = 4^{2-3x}$$

$$2^{x-2} = (2^2)^{2-3x} \Leftrightarrow 2^{x-2} = 2^{4-6x} \Leftrightarrow x-2 = 4-6x \Leftrightarrow x = \frac{6}{7}$$

$$(2) \quad 2^{x+2} - 2^x = 12$$

$$2^x(2^2 - 1) = 12 \Leftrightarrow 2^x \cdot 3 = 12 \Leftrightarrow 2^x = 4 \Leftrightarrow 2^x = 2^2 \Rightarrow x = 2$$

RAÍCES

Definición de raíz y potencias de base real y exponente fraccionario

La raíz enésima de "a" es un número real "b" tal que $a^n = b$: $\sqrt[n]{a} = b \Rightarrow b^n = a$

En el caso que n es par, a debe ser positivo y b se considerará el valor positivo, por ejemplo:

$$\sqrt[4]{16} = 2$$

En el caso que n es impar y a es negativo, b será negativo, por ejemplo: $\sqrt[3]{-27} = -3$

Toda raíz se puede convertir a una potencia de exponente fraccionario: $\sqrt[n]{a^m} = a^{\frac{m}{n}}$

Adición y sustracción de raíces

Para sumar (o restar) raíces previamente se deben descomponer y después sumar (o restar) los coeficientes de las raíces semejantes.

Ejemplo: Calcular $\sqrt{128} - \sqrt{72} + \sqrt{200}$

$$\sqrt{128} - \sqrt{72} + \sqrt{200} = \sqrt{64 \cdot 2} - \sqrt{36 \cdot 2} + \sqrt{100 \cdot 2} = 8\sqrt{2} - 6\sqrt{2} + 10\sqrt{2} = 12\sqrt{2}$$

Multiplicación y división de raíces de igual índice

Para multiplicar (o dividir) raíces de igual índice se conserva el índice y se multiplican (o dividen) las cantidades subradicales.

$$\sqrt[n]{a} \cdot \sqrt[n]{b} = \sqrt[n]{ab} \quad (a, b \geq 0 \text{ si } n \text{ es par})$$

$$\sqrt[n]{a} : \sqrt[n]{b} = \sqrt[n]{a:b} \quad (a, b \geq 0 \text{ si } n \text{ es par y } b \neq 0)$$

Propiedades de las raíces

Para introducir un factor dentro de una raíz se debe elevar este factor al índice de la raíz.

$$a \cdot \sqrt[n]{b} = \sqrt[n]{a^n \cdot b} \quad (\text{si } n \text{ es par, } a \geq 0)$$

$$-a \cdot \sqrt[n]{b} = -\sqrt[n]{a^n \cdot b} \quad (\text{si } n \text{ es par, } a \geq 0)$$

Al calcular raíz de una raíz se multiplican los índices: $\sqrt[n]{\sqrt[m]{a}} = \sqrt[nm]{a}$

Amplificación y simplificación de raíces: $\sqrt[n]{a^q} = \sqrt[nq]{a^{mq}}$; $\sqrt[np]{a^{qp}} = \sqrt[n]{a^q}$

$$\text{Ejemplo: } \sqrt[3]{2\sqrt{2}} = \sqrt[3]{\sqrt{2^2} \cdot 2} = \sqrt[6]{2^3} = \sqrt{2}$$

Racionalización

La racionalización consiste en eliminar la o las raíces que aparecen en el denominador, Si en el denominador hay una sola raíz cuadrada y no hay adiciones y sustracciones amplificamos por la misma raíz:

$$\frac{a}{\sqrt{b}} = \frac{a \cdot \sqrt{b}}{\sqrt{b} \cdot \sqrt{b}} = \frac{a\sqrt{b}}{b}$$

Si en el denominador hay una suma amplificamos por la diferencia (o viceversa) para formar una suma por su diferencia:

$$\frac{a}{b + \sqrt{c}} = \frac{a \cdot (b - \sqrt{c})}{(b + \sqrt{c}) \cdot (b - \sqrt{c})} = \frac{a \cdot (b - \sqrt{c})}{b^2 - c};$$

$$\frac{a}{\sqrt{b} + \sqrt{c}} = \frac{a \cdot (b - \sqrt{c})}{(\sqrt{b} + \sqrt{c}) \cdot (b - \sqrt{c})} = \frac{a \cdot (b - \sqrt{c})}{b - c}$$

Si en el denominador aparece una raíz con índice superior a dos, amplificamos para que el exponente y el índice se puedan simplificar:

$$\frac{a}{\sqrt[4]{b}} = \frac{a \cdot \sqrt[4]{b^3}}{\sqrt[4]{b} \cdot \sqrt[4]{b^3}} = \frac{a \cdot \sqrt[4]{b^3}}{\sqrt[4]{b^4}} = \frac{a \cdot \sqrt[4]{b^3}}{b}$$

Raíz principal o aritmética

La raíz cuadrada de un número no negativo es un número no negativo:

$\sqrt{a} = b$, con $b \geq 0$ si $a \geq 0$, a este valor de b se llama la raíz principal o aritmética.

En el caso que el índice sea superior a dos: $\sqrt[n]{a} = b$, con $b \geq 0$ si $a \geq 0$ y n es par.

Lo anterior acarrea la siguiente propiedad: $\sqrt{x^2} = x$ (si $x \geq 0$); en general: $\sqrt{x^2} = |x|$

LOGARITMOS

Definición y consecuencias

Definición: $\log_a b = n \Leftrightarrow a^n = b$ ($a, b > 0$ y $a \neq 1$)

Consecuencias: (1) $\log_a a = 1$ (2) $\log_a 1 = 0$ (3) $\log_a a^n = n$

Logaritmo vulgar o de Briggs: La base es 10 y usualmente no se escribe: $\log a = \log_{10} a$

Propiedades de los logaritmos

$$(1) \log_a (cd) = \log_a c + \log_a d \quad (2) \log_a \left(\frac{c}{d} \right) = \log_a c - \log_a d$$

$$(3) \log_a x^n = n \cdot \log_a x \quad (4) \log_a (b) = \frac{\log_c b}{\log_c a}$$

$$(5) \log_a c = \log_a d \Leftrightarrow c = d$$

POTENCIAS Y RAÍCES

1. $(-2)^1 + (-2)^2 + (-2)^3 + (-2)^4 + (-2)^0 =$

- a) $(-2)^{10}$
- b) 17
- c) 11
- d) 7
- e) Ninguna de las anteriores

2. $\sqrt{50} - \sqrt{18} - \sqrt{8} =$

- a) 0
- b) $\sqrt{24}$
- c) $6\sqrt{2}$
- d) $\sqrt{40}$
- e) $\sqrt{60}$

3. ¿Cuál es la cifra de las unidades del número 3^{60} ?

- a) 0
- b) 1
- c) 3
- d) 7
- e) 9

4. Si $x > 0$, entonces
 $2\sqrt{18x^2} - \sqrt{32x^2} - 3x\sqrt{2} =$

- a) $x\sqrt{2}$
- b) $-x\sqrt{2}$
- c) $2x\sqrt{2}$
- d) $-2x\sqrt{2}$
- e) $3x\sqrt{2}$

5. Si $a \neq 0$, entonces $\frac{a^{-m+n} \cdot a^{m+n}}{(a^n)^2} =$

- a) a^n
- b) a^{-n}
- c) a
- d) 1
- e) a^2

6. $\frac{\sqrt{5^5 + 5^5 + 5^5 + 5^5 + 5^5}}{\sqrt[3]{5^5 + 5^5 + 5^5 + 5^5 + 5^5}} =$

- a) $5^{\frac{3}{2}}$
- b) 5
- c) $5^{\frac{5}{6}}$
- d) $5^{\frac{2}{3}}$
- e) 1

7. $\frac{4^x}{2^{2x}} =$

- a) $\frac{4}{x}$
- b) 1
- c) $4x$
- d) $\frac{1}{2}$
- e) 0

8. $(\sqrt{48} + \sqrt{192} - \sqrt{27}) \div \sqrt{3} =$

- a) 107
- b) $15\sqrt{3}$
- c) $9\sqrt{3}$
- d) 15
- e) 9

9. $\frac{2^{2x-1} \cdot 2^{2x+1}}{4^{2x}} =$

- a) 4^{2x}
- b) 1
- c) $4x$
- d) $\frac{1}{2}$
- e) 0

10. $\frac{\sqrt{8} \cdot \sqrt{6}}{\sqrt{3}} =$

- a) 2
- b) 4
- c) 6
- d) 8
- e) 16

11. Si m es un número entero, ¿cuál(es) de las siguientes igualdades es (son) **siempre** verdadera(s)?

I. $3^m \cdot 2^m = 6^m$

II. $m^3 \cdot m^2 = (m^2)^5$

III. $3^m + 5^m = 8^m$

- a) Sólo I
- b) Sólo II
- c) Sólo III
- d) Sólo II y III
- e) I, II y III

12. ¿Cuál(es) de los siguientes términos es (son) equivalentes a $\sqrt{96}$?

I. $4\sqrt{2} \cdot \sqrt{3}$

II. $\frac{\sqrt{192}}{\sqrt{2}}$

III. $\sqrt{16} \cdot \sqrt{\sqrt{36}}$

- a) Solo I
- b) Solo II
- c) Solo I y II
- d) Solo II y III
- e) I, II y III

13. La fracción algebraica $\frac{9a^2b^5c^{-2}}{3^{-1}a^3b^{-5}c^{-1}}$ es equivalente a

a) $3a^{-1}c^{-3}$

b) $3a^{-1}b^{10}c^{-3}$

c) $27a^{-1}b^{10}c^{-1}$

d) $3a^5c^{-3}$

e) $27a^5c^{-3}$

14. $(\sqrt{3} + \sqrt{2})^3 \cdot (\sqrt{2} - \sqrt{3})^4 =$

a) $3\sqrt{2} - 2\sqrt{3}$

b) $\sqrt{2} + \sqrt{3}$

c) $\sqrt{30}$

d) $\sqrt{2} - \sqrt{3}$

e) $\sqrt{3} - \sqrt{2}$



15. Sea n un número entero positivo, la expresión $(-1)^{n+1} \cdot \frac{n+1}{2}$ es un número entero positivo, si n es

- I. Impar.
- II. Múltiplo de 2.
- III. Múltiplo de 3

Es (son) siempre verdadera(s)

- a) Solo I
- b) Solo II
- c) Solo I y III
- d) I, II y III
- e) Ninguna de las anteriores

16. $7 \cdot \sqrt{\frac{3}{7}} =$

- a) $\sqrt{\frac{10}{7}}$
- b) $\sqrt{3}$
- c) $\sqrt{6}$
- d) 3
- e) $\sqrt{21}$

17. $3^{11} + 3^{11} + 3^{11} =$

- a) 3^{33}
- b) $3 \cdot 3^{33}$
- c) $3 \cdot 3^{10}$
- d) 9^{11}
- e) 3^{12}

18. $\sqrt{a \cdot \sqrt[3]{a}} =$ ($a > 0$)

- a) $\sqrt[3]{a}$
- b) $\sqrt[3]{a^2}$
- c) $\sqrt[6]{a}$
- d) \sqrt{a}
- e) $\sqrt[5]{a^3}$

19. La resta $2^{12} - 1$ es divisible por

- a) 7
- b) 9
- c) 5
- d) 13
- e) Todas las anteriores

20. $\frac{1}{\sqrt{2}-1} - \frac{1}{\sqrt{2}} =$

a) $1 + \sqrt{2}$

b) $1/2$

c) $1/3$

d) $\frac{2 + \sqrt{2}}{2}$

e) $-\frac{2 + \sqrt{2}}{2}$

21. $(-2^{n-1} + 2^n)^2 =$

a) $2^{2n-2} + 2^{2n}$

b) $2^{2n} - 2^{2n+1} + 2^{2n}$

c) $2^n - 2^{2n-1} + 2^{2n}$

d) 2^{2n-2}

e) 2^{-2}

22. Al resolver $\frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x}-\sqrt{y}} - \frac{\sqrt{y}}{\sqrt{x}+\sqrt{y}}$ se obtiene:

a) $\frac{x-y}{x+y}$

b) $\frac{x+y}{x-y}$

c) $\frac{\sqrt{x} + \sqrt{y}}{\sqrt{x} - \sqrt{y}}$

d) $\frac{\sqrt{xy}}{x-y}$

e) $\frac{xy}{x+y}$

23. $\frac{2^{3n+1} - 2^{3n-2}}{8^{n-1} - 8^n} =$

a) -6

b) -2

c) 2

d) $\frac{1}{4}$

e) $-\frac{3}{8}$



24. Si $m > n$, ¿cuál(es) de las siguientes expresiones es(son) equivalentes a

$$\frac{\sqrt{4n^2 - 12mn + 9m^2}}{\sqrt{9m^2 - 4n^2}} ?$$

I.
$$\frac{2n - 3m}{\sqrt{(3m + 2n)(3m - 2n)}}$$

II.
$$\frac{\sqrt{9m^2 - 4n^2}}{3m + 2n}$$

III.
$$\frac{\sqrt{3m - 2n}}{\sqrt{3m + 2n}}$$

- a) Solo I
- b) Solo II
- c) Solo I y II
- d) Solo II y III
- e) I, II y III

25. Si $\frac{2^{x+1} + 2^x}{3^x - 3^{x-2}} = \frac{4}{9}$, entonces el valor de $2x + 1$ es

- a) 5
- b) 15
- c) 14
- d) 13
- e) 11

EJERCICIOS DE SELECCIÓN DE INFORMACIÓN

26. Se puede determinar exactamente "a" sabiendo que

(1) $a^4 = 1$

(2) $a^3 + 1 = 0$

- a) (1) por sí sola
- b) (2) por sí sola
- c) Ambas juntas (1) y (2)
- d) Cada una por sí sola, (1) o (2)
- e) Se requiere información adicional

27. Se puede determinar exactamente el valor de x, sabiendo que

(1) $x - \sqrt{x} = 0$

(2) $\sqrt{x+3} = 2$

- a) (1) por sí sola
- b) (2) por sí sola
- c) Ambas juntas, (1) y (2)
- d) Cada una por sí sola, (1) ó (2)
- e) Se requiere información adicional

28. Se puede determinar el valor de la potencia a^x ($a > 0$) si se sabe

(1) $a^{-2x} = 9$

(2) $\frac{1 + a^x}{a^x} = 4$

- a) (1) por sí sola
- b) (2) por sí sola
- c) Ambas juntas, (1) y (2)
- d) Cada una por sí sola, (1) ó (2)
- e) Se requiere información adicional

29. $x^2 < \sqrt{x}$, sabiendo que

(1) $x < 1$

(2) $x > 0$

- a) (1) por sí sola
- b) (2) por sí sola
- c) Ambas juntas, (1) y (2)
- d) Cada una por sí sola, (1) o (2)
- e) Se requiere información adicional



30. Se puede determinar que $a^x > a^y$ ($a > 0$) si se sabe

(1) $a < 1$

(2) $x - y < 0$

a) (1) por sí sola

b) (2) por sí sola

c) Ambas juntas, (1) y (2)

d) Cada una por sí sola, (1) ó (2)

e) Se requiere información.

LOGARITMOS

1. Si $\log_2 8 = x$, entonces $x =$
- a) -3
b) $2\sqrt{2}$
c) 3
d) 4
e) 5
2. $\log_9 27 =$
- a) 2
b) 3
c) $\frac{2}{3}$
d) $\frac{3}{2}$
e) $\frac{4}{3}$
3. $\log_2 (0,25) + \log_3 9 =$
- a) -1
b) 0
c) 1
d) 3
e) 4
4. Si $\log_3 x = -2$, entonces $x =$
- a) -9
b) -6
c) $0,\bar{1}$
d) $0,\bar{3}$
e) 9
5. Si $\log (x + 1) = 2$, entonces $x =$
- a) 19
b) 21
c) 99
d) 101
e) 1.023
6. $\log_{25} (0,2) =$
- a) -2
b) $-\frac{1}{2}$
c) $-\frac{1}{3}$
d) $\frac{1}{2}$
e) 2



7. Si $\log(x + 2) = 1$, entonces $\log_2 x =$

- a) 2
- b) 3
- c) 4
- d) 0,25
- e) 0,125

8. Si $\log_{\sqrt{2}} x = 4$, entonces $\log_2 x =$

- a) $\frac{1}{2}$
- b) 2
- c) 4
- d) 8
- e) 16

9. Si $3^x = 2$, entonces $x =$

- a) $\log_3 2$
- b) $\log_2 3$
- c) $2 \log 3$
- d) $3 \log 2$
- e) $\log 3 - \log 2$

10. Si $a - b = 5$ y $a + b = 2$, entonces

$$\log(a^2 - b^2) =$$

- a) 1
- b) 7
- c) 10
- d) 21
- e) $\log 7$

11. $\log_2(\log_9(\log_5 125)) =$

- a) 2
- b) -2
- c) 1
- d) -1
- e) 0

12. ¿Cuál(es) de las siguientes afirmaciones es (son) verdadera(s)?

I. $\log_2\left(\frac{1}{4}\right) = -2$

II. Si $\log_x 25 = 2$, entonces $x = 5$

III. Si $\log_4 x = 8$, entonces $x = 32$

- a) Solo I
- b) Solo II
- c) Solo I y II
- d) Solo III
- e) Solo I y III

13. $\log_a \frac{a^3 + 2a^2 + a}{(a+1)^2} =$

- a) 1
- b) a^2
- c) a
- d) $a+1$
- e) $a^2 + a$

14. El valor numérico de la expresión:

$(\log 0,001 + \log_{0,3} 0,0081)$ es:

- a) 1
- b) $\frac{1}{2}$
- c) 0
- d) $-\frac{1}{2}$
- e) -1

15. Si $x > 1$, $\log(x+1) + \log(x-1) =$

- a) $2 \log x$
- b) $2 \log(x-1)$
- c) $2 \log x - 1$
- d) $\log(x^2 - 1)$
- e) $\log x + \log 2$

16. ¿Cuál(es) de las siguientes expresiones es (son) equivalente(s) a la expresión:

$\log\left(\frac{ba^2}{c^2}\right)?$

I. $2 \log a + \log b - 2 \log c$

II. $\log b + 2 \log\left(\frac{a}{c}\right)$

III. $2 \log(ab) - 2 \log c$

- a) Solo I
- b) Solo II
- c) Solo I y II
- d) Solo I y III
- e) I, II y III

17. $\log x^2 + \log(2xy) + \log y^2 =$

a) $3(\log x + \log y) + \log 100$

b) $\log\left(\frac{xy}{3}\right)$

c) $2\log(x+y)$

d) $\log\left(\frac{xy}{100}\right)$

e) $3\log(xy) + \log 2$



18. En la ecuación $1 - 2 \log P = 2$, el valor de P es:

- a) $\frac{1}{100}$
- b) -2
- c) $-\sqrt{10}$
- d) $10^{\frac{-1}{2}}$
- e) $\sqrt{10}$

19. Una solución de la ecuación $\log(x-3)^2 = 3$ es:

- a) $\frac{1}{3}\sqrt{10}$
- b) $3 + \sqrt{3}$
- c) $3 + 10^{\sqrt{3}}$
- d) $3 + \sqrt{1000}$
- e) $\log 4,5$

20. Si $\log 2 = u$ y $\log 3 = v$, entonces $\log 18$ en términos de u y v es

- a) $2u + v$
- b) $2v + u$
- c) uv^2
- d) $3v + u$
- e) $2uv$

21. Si $x > y > 0$, ¿Cuál(es) de las siguientes expresiones es (son) equivalente(s) a $\log(x^2 - y^2)$?

- I. $2 \log x - 2 \log y$
- II. $\log(x + y) + \log(x - y)$
- III. $\frac{\log x^2}{\log y^2}$

- a) Solo I
- b) Solo II
- c) Solo I y III
- d) Solo II y III
- e) I, II y III

22. ¿Cuál(es) de las siguientes expresiones es (son) equivalente(s) a $\log_2 3$?

- I. $\frac{\log 3}{\log 2}$
- II. $\log 3 - \log 2$
- III. $\frac{1}{\log_3 2}$

- a) Solo I
- b) Solo II
- c) Solo I y II
- d) Solo I y III
- e) Solo II y III

23. $\frac{\log(x-7)}{\log(x-1)} = 0,5$, entonces $x =$

- a) 2
- b) 4
- c) 8
- d) 10
- e) 5 ó 10

24. Si $s = \frac{1}{\log p - \log q}$, entonces $\frac{p}{q} =$

- a) $\sqrt{10}$
- b) \sqrt{s}
- c) $\sqrt[3]{10}$
- d) 10^s
- e) s

25. Si $p > 1$, ¿cuál(es) de las siguientes afirmaciones es (son) verdadera(s)?

- I. $\log_5 p > \log_4 (p+1)$
- II. $\log_4 p > \log_5 \sqrt{p}$
- III. $\log_4 (p+1) > \log_8 \sqrt[3]{p+1}$

- a) Solo I
- b) Solo II
- c) Solo II y III
- d) Solo I y III
- e) I, II y III

EJERCICIOS DE SELECCIÓN DE INFORMACIÓN

26. Se puede determinar el valor de

$\frac{\log c}{\log b}$ si:

- (1) $\log c - \log b = 1$
 - (2) $c = b^2$
- a) (1) por sí sola.
 - b) (2) por sí sola.
 - c) Ambas juntas, (1) y (2).
 - d) Cada una por sí sola, (1) ó (2).
 - e) Se requiere información adicional.

27. Se puede determinar el valor de a sabiendo:

- (1) $\log(ab) = 3$
- (2) $\log\left(\frac{a}{b}\right) = 5$

- a) (1) por sí sola
- b) (2) por sí sola
- c) Ambas juntas, (1) y (2)
- d) Cada una por sí sola, (1) ó (2)
- e) Se requiere información adicional

28. x e y son números reales positivos, se puede determinar si son iguales sabiendo que

(1) $\log(x^2y) + \log(xy^2) = 2\log(x^2y)$

(2)

$$\log\left(\frac{x+y}{x-y}\right) + \log\left(\frac{x^2-y^2}{x+y}\right) = \log 2 + \log x$$

- a) (1) por sí sola
- b) (2) por sí sola
- c) Ambas juntas, (1) y (2)
- d) Cada una por sí sola, (1) ó (2)
- e) Se requiere información adicional

29. Si $x > 0$, se puede determinar exactamente su valor, sabiendo:

(1) $\log_x 16 = 4$

(2) $\log_x (x+2) = 2$

- a) (1) por sí sola
- b) (2) por sí sola
- c) Ambas juntas, (1) y (2)
- d) Cada una por sí sola, (1) ó (2)
- e) Se requiere información adicional

30. a y b son números reales positivos, se puede determinar que a es el recíproco de b si

(1) $\log a^2 + 3\log b = \log a + 2\log b$

(2) $\log_a b = \log_b a$

- a) (1) por sí sola
- b) (2) por sí sola
- c) Ambas juntas, (1) y (2)
- d) Cada una por sí sola, (1) ó (2)
- e) Se requiere información adicional